

Муниципальное общеобразовательное учреждение  
Средняя общеобразовательная школа д. Нижние Юри Малопургинского  
района  
Удмуртской Республики

Рассмотрено и принято на заседании  
педагогического совета школы  
протокол № 1 от 30.08.2023 г.

Утверждено приказом  
МОУ СОШ д. Нижние Юри  
№ 132 ШК от 30.08.2023г

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА (ID 2570094)**  
**учебного курса «Геометрия. Базовый уровень»**  
для обучающихся 7-9 классов

Составитель: Афанасьев С. М.,  
учитель математики 1 квалификационной категории

д. Нижние Юри 2023

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Геометрия как один из основных разделов школьной математики, имеющий своей целью обеспечить изучение свойств и размеров фигур, их отношений и взаимное расположение, опирается на логическую, доказательную линию. Ценность изучения геометрии на уровне основного общего образования заключается в том, что обучающийся учится проводить доказательные рассуждения, строить логические умозаключения, доказывать истинные утверждения и строить контрпримеры к ложным, проводить рассуждения «от противного», отличать свойства от признаков, формулировать обратные утверждения.

Второй целью изучения геометрии является использование её как инструмента при решении как математических, так и практических задач, встречающихся в реальной жизни. Обучающийся должен научиться определить геометрическую фигуру, описать словами данный чертёж или рисунок, найти площадь земельного участка, рассчитать необходимую длину оптоволоконного кабеля или требуемые размеры гаража для автомобиля. Этому соответствует вторая, вычислительная линия в изучении геометрии. При решении задач практического характера обучающийся учится строить математические модели реальных жизненных ситуаций, проводить вычисления и оценивать адекватность полученного результата.

Крайне важно подчёркивать связи геометрии с другими учебными предметами, мотивировать использовать определения геометрических фигур и понятий, демонстрировать применение полученных умений в физике и технике. Эти связи наиболее ярко видны в темах «Векторы», «Тригонометрические соотношения», «Метод координат» и «Теорема Пифагора».

Учебный курс «Геометрия» включает следующие основные разделы содержания: «Геометрические фигуры и их свойства», «Измерение геометрических величин», «Декартовы координаты на плоскости», «Векторы», «Движения плоскости», «Преобразования подобия».

На изучение учебного курса «Геометрия» отводится 204 часа: в 7 классе – 68 часов (2 часа в неделю), в 8 классе – 68 часов (2 часа в неделю), в 9 классе – 68 часов (2 часа в неделю).

## СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

### 7 КЛАСС

Начальные понятия геометрии. Точка, прямая, отрезок, луч. Угол. Виды углов. Вертикальные и смежные углы. Биссектриса угла. Ломаная, многоугольник. Параллельность и перпендикулярность прямых.

Симметричные фигуры. Основные свойства осевой симметрии. Примеры симметрии в окружающем мире.

Основные построения с помощью циркуля и линейки. Треугольник. Высота, медиана, биссектриса, их свойства.

Равнобедренный и равносторонний треугольники. Неравенство треугольника.

Свойства и признаки равнобедренного треугольника. Признаки равенства треугольников.

Свойства и признаки параллельных прямых. Сумма углов треугольника. Внешние углы треугольника.

Прямоугольный треугольник. Свойство медианы прямоугольного треугольника, проведённой к гипотенузе. Признаки равенства прямоугольных треугольников. Прямоугольный треугольник с углом в  $30^\circ$ .

Неравенства в геометрии: неравенство треугольника, неравенство о длине ломаной, теорема о большем угле и большей стороне треугольника. Перпендикуляр и наклонная.

Геометрическое место точек. Биссектриса угла и серединный перпендикуляр к отрезку как геометрические места точек.

Окружность и круг, хорда и диаметр, их свойства. Взаимное расположение окружности и прямой. Касательная и секущая к окружности. Окружность, вписанная в угол. Вписанная и описанная окружности треугольника.

### 8 КЛАСС

Четырёхугольники. Параллелограмм, его признаки и свойства. Частные случаи параллелограммов (прямоугольник, ромб, квадрат), их признаки и свойства. Трапеция, равнобокая трапеция, её свойства и признаки. Прямоугольная трапеция.

Метод удвоения медианы. Центральная симметрия. Теорема Фалеса и теорема о пропорциональных отрезках.

Средние линии треугольника и трапеции. Центр масс треугольника.

Подобие треугольников, коэффициент подобия. Признаки подобия треугольников. Применение подобия при решении практических задач.

Свойства площадей геометрических фигур. Формулы для площади треугольника, параллелограмма, ромба и трапеции. Отношение площадей подобных фигур.

Вычисление площадей треугольников и многоугольников на клетчатой бумаге.

Теорема Пифагора. Применение теоремы Пифагора при решении практических задач.

Синус, косинус, тангенс острого угла прямоугольного треугольника. Основное тригонометрическое тождество. Тригонометрические функции углов в  $30$ ,  $45$  и  $60^\circ$ .

Вписанные и центральные углы, угол между касательной и хордой. Углы между хордами и секущими. Вписанные и описанные четырёхугольники. Взаимное расположение двух окружностей. Касание окружностей. Общие касательные к двум окружностям.

## 9 КЛАСС

Синус, косинус, тангенс углов от  $0$  до  $180^\circ$ . Основное тригонометрическое тождество. Формулы приведения.

Решение треугольников. Теорема косинусов и теорема синусов. Решение практических задач с использованием теоремы косинусов и теоремы синусов.

Преобразование подобия. Подобие соответственных элементов.

Теорема о произведении отрезков хорд, теоремы о произведении отрезков секущих, теорема о квадрате касательной.

Вектор, длина (модуль) вектора, сонаправленные векторы, противоположно направленные векторы, коллинеарность векторов, равенство векторов, операции над векторами. Разложение вектора по двум неколлинеарным векторам. Координаты вектора. Скалярное произведение векторов, применение для нахождения длин и углов.

Декартовы координаты на плоскости. Уравнения прямой и окружности в координатах, пересечение окружностей и прямых. Метод координат и его применение.

Правильные многоугольники. Длина окружности. Градусная и радианная мера угла, вычисление длин дуг окружностей. Площадь круга, сектора, сегмента.

Движения плоскости и внутренние симметрии фигур (элементарные представления). Параллельный перенос. Поворот.

# ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО КУРСА «ГЕОМЕТРИЯ» НА УРОВНЕ ОСНОВНОГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

## ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного курса «Геометрия» характеризуются:

### 1) патриотическое воспитание:

проявлением интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах;

### 2) гражданское и духовно-нравственное воспитание:

готовностью к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (например, выборы, опросы), готовностью к обсуждению этических проблем, связанных с практическим применением достижений науки, осознанием важности морально-этических принципов в деятельности учёного;

### 3) трудовое воспитание:

установкой на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности и развитием необходимых умений, осознанным выбором и построением индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей;

### 4) эстетическое воспитание:

способностью к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений, умению видеть математические закономерности в искусстве;

### 5) ценности научного познания:

ориентацией в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира, овладением простейшими навыками исследовательской деятельности;

## **б) физическое воспитание, формирование культуры здоровья и эмоционального благополучия:**

готовностью применять математические знания в интересах своего здоровья, ведения здорового образа жизни (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), сформированностью навыка рефлексии, признанием своего права на ошибку и такого же права другого человека;

### **7) экологическое воспитание:**

ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды, осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения;

### **8) адаптация к изменяющимся условиям социальной и природной среды:**

готовностью к действиям в условиях неопределённости, повышению уровня своей компетентности через практическую деятельность, в том числе умение учиться у других людей, приобретать в совместной деятельности новые знания, навыки и компетенции из опыта других;

необходимостью в формировании новых знаний, в том числе формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее неизвестных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие;

способностью осознавать стрессовую ситуацию, воспринимать стрессовую ситуацию как вызов, требующий контрмер, корректировать принимаемые решения и действия, формулировать и оценивать риски и последствия, формировать опыт.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **Познавательные универсальные учебные действия**

#### **Базовые логические действия:**

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- разбирать доказательства математических утверждений (прямые и от противного), проводить самостоятельно несложные доказательства математических фактов, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные рассуждения;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

#### **Базовые исследовательские действия:**

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, самостоятельно устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить по самостоятельно составленному плану несложный эксперимент, небольшое исследование по установлению особенностей математического объекта, зависимостей объектов между собой;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

#### **Работа с информацией:**

- выявлять недостаточность и избыточность информации, данных, необходимых для решения задачи;
- выбирать, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- выбирать форму представления информации и иллюстрировать решаемые задачи схемами, диаграммами, иной графикой и их комбинациями;
- оценивать надёжность информации по критериям, предложенным учителем или сформулированным самостоятельно.

#### **Коммуникативные универсальные учебные действия:**

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории;
- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач;
- принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, мозговые штурмы и другие), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **Регулятивные универсальные учебные действия**

### **Самоорганизация:**

- самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его часть), выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

- владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;



- оценивать соответствие результата деятельности поставленной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу обучения в 7 классе обучающийся получит следующие предметные результаты:

Распознавать изученные геометрические фигуры, определять их взаимное расположение, изображать геометрические фигуры, выполнять чертежи по условию задачи. Измерять линейные и угловые величины. Решать задачи на вычисление длин отрезков и величин углов.

Делать грубую оценку линейных и угловых величин предметов в реальной жизни, размеров природных объектов. Различать размеры этих объектов по порядку величины.

Строить чертежи к геометрическим задачам.

Пользоваться признаками равенства треугольников, использовать признаки и свойства равнобедренных треугольников при решении задач.

Проводить логические рассуждения с использованием геометрических теорем.

Пользоваться признаками равенства прямоугольных треугольников, свойством медианы, проведённой к гипотенузе прямоугольного треугольника, в решении геометрических задач.

Определять параллельность прямых с помощью углов, которые образует с ними секущая. Определять параллельность прямых с помощью равенства расстояний от точек одной прямой до точек другой прямой.

Решать задачи на клетчатой бумаге.

Проводить вычисления и находить числовые и буквенные значения углов в геометрических задачах с использованием суммы углов треугольников и многоугольников, свойств углов, образованных при пересечении двух параллельных прямых секущей. Решать практические задачи на нахождение углов.

Владеть понятием геометрического места точек. Уметь определять биссектрису угла и серединный перпендикуляр к отрезку как геометрические места точек.

Формулировать определения окружности и круга, хорды и диаметра окружности, пользоваться их свойствами. Уметь применять эти свойства при решении задач.

Владеть понятием описанной около треугольника окружности, уметь находить её центр. Пользоваться фактами о том, что биссектрисы углов треугольника пересекаются в одной точке, и о том, что серединные перпендикуляры к сторонам треугольника пересекаются в одной точке.

Владеть понятием касательной к окружности, пользоваться теоремой о перпендикулярности касательной и радиуса, проведённого к точке касания.

Пользоваться простейшими геометрическими неравенствами, понимать их практический смысл.

Проводить основные геометрические построения с помощью циркуля и линейки.

К концу обучения **в 8 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты:

Распознавать основные виды четырёхугольников, их элементы, пользоваться их свойствами при решении геометрических задач.

Применять свойства точки пересечения медиан треугольника (центра масс) в решении задач.

Владеть понятием средней линии треугольника и трапеции, применять их свойства при решении геометрических задач. Пользоваться теоремой Фалеса и теоремой о пропорциональных отрезках, применять их для решения практических задач.

Применять признаки подобия треугольников в решении геометрических задач.

Пользоваться теоремой Пифагора для решения геометрических и практических задач. Строить математическую модель в практических задачах, самостоятельно делать чертёж и находить соответствующие длины.

Владеть понятиями синуса, косинуса и тангенса острого угла прямоугольного треугольника. Пользоваться этими понятиями для решения практических задач.

Вычислять (различными способами) площадь треугольника и площади многоугольных фигур (пользуясь, где необходимо, калькулятором). Применять полученные умения в практических задачах.

Владеть понятиями вписанного и центрального угла, использовать теоремы о вписанных углах, углах между хордами (секущими) и угле между касательной и хордой при решении геометрических задач.

Владеть понятием описанного четырёхугольника, применять свойства описанного четырёхугольника при решении задач.

Применять полученные знания на практике – строить математические модели для задач реальной жизни и проводить соответствующие вычисления

с применением подобия и тригонометрии (пользуясь, где необходимо, калькулятором).

К концу обучения в 9 классе обучающийся получит следующие предметные результаты:

Знать тригонометрические функции острых углов, находить с их помощью различные элементы прямоугольного треугольника («решение прямоугольных треугольников»). Находить (с помощью калькулятора) длины и углы для нетабличных значений.

Пользоваться формулами приведения и основным тригонометрическим тождеством для нахождения соотношений между тригонометрическими величинами.

Использовать теоремы синусов и косинусов для нахождения различных элементов треугольника («решение треугольников»), применять их при решении геометрических задач.

Владеть понятиями преобразования подобия, соответственных элементов подобных фигур. Пользоваться свойствами подобия произвольных фигур, уметь вычислять длины и находить углы у подобных фигур. Применять свойства подобия в практических задачах. Уметь приводить примеры подобных фигур в окружающем мире.

Пользоваться теоремами о произведении отрезков хорд, о произведении отрезков секущих, о квадрате касательной.

Пользоваться векторами, понимать их геометрический и физический смысл, применять их в решении геометрических и физических задач. Применять скалярное произведение векторов для нахождения длин и углов.

Пользоваться методом координат на плоскости, применять его в решении геометрических и практических задач.

Владеть понятиями правильного многоугольника, длины окружности, длины дуги окружности и радианной меры угла, уметь вычислять площадь круга и его частей. Применять полученные умения в практических задачах.

Находить оси (или центры) симметрии фигур, применять движения плоскости в простейших случаях.

Применять полученные знания на практике – строить математические модели для задач реальной жизни и проводить соответствующие вычисления с применением подобия и тригонометрических функций (пользуясь, где необходимо, калькулятором).

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ****7 КЛАСС**

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Простейшие геометрические фигуры и их свойства. Измерение геометрических величин	14			Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f415e2e">https://m.edsoo.ru/7f415e2e</a>
2	Треугольники	22	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f415e2e">https://m.edsoo.ru/7f415e2e</a>
3	Параллельные прямые, сумма углов треугольника	14	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f415e2e">https://m.edsoo.ru/7f415e2e</a>
4	Окружность и круг. Геометрические построения	14	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f415e2e">https://m.edsoo.ru/7f415e2e</a>
5	Повторение, обобщение знаний	4	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f415e2e">https://m.edsoo.ru/7f415e2e</a>
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68	4	0	

## 8 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Воспитательные мероприятия	
1	Четырёхугольники	12	1	Приобщение к ландшафтному дизайну через геометрические фигуры, к оформлению домашнего двора и комнат в доме. Воспитание расчётливости и безопасности в быту, домашних условиях - решение практических задач на применение треугольных конструкций в	Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417e18">https://m.edsoo.ru/7f417e18</a>
2	Теорема Фалеса и теорема о пропорциональных отрезках, подобные треугольники	15	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417e18">https://m.edsoo.ru/7f417e18</a>
3	Площадь. Нахождение площадей треугольников и многоугольных фигур. Площади подобных фигур	14	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417e18">https://m.edsoo.ru/7f417e18</a>
4	Теорема Пифагора и начала тригонометрии	10	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417e18">https://m.edsoo.ru/7f417e18</a>
5	Углы в окружности. Вписанные и описанные четырехугольники. Касательные к окружности. Касание окружностей	13	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417e18">https://m.edsoo.ru/7f417e18</a>
6	Повторение, обобщение знаний	4	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f417e18">https://m.edsoo.ru/7f417e18</a>

ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	68	6	целях усиления здания при строительстве домашних сооружений	
-------------------------------------	----	---	---	--

## 9 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Воспитательные мероприятия	
1	Тригонометрия. Теоремы косинусов и синусов. Решение треугольников	16	1	Приобщение к ландшафтному дизайну с использованием форм геометрических фигур к оформлению домашнего двора и комнат в доме.  Воспитание расчётливости и безопасности в быту, домашних условиях - решение практических задач на применение овальных и круговых конструкций в целях усиления здания при	Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a12c">https://m.edsoo.ru/7f41a12c</a>
2	Преобразование подобия. Метрические соотношения в окружности	10	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a12c">https://m.edsoo.ru/7f41a12c</a>
3	Векторы	12	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a12c">https://m.edsoo.ru/7f41a12c</a>
4	Декартовы координаты на плоскости	9	1		Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a12c">https://m.edsoo.ru/7f41a12c</a>
5	Правильные многоугольники. Длина окружности и площадь круга. Вычисление площадей	8			Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a12c">https://m.edsoo.ru/7f41a12c</a>
6	Движения плоскости	6			Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a12c">https://m.edsoo.ru/7f41a12c</a>

7	Повторение, обобщение, систематизация знаний	7	2	строительстве домашних сооружений, а также для конструирования мебели и бытовых приборов	Библиотека ЦОК <a href="https://m.edsoo.ru/7f41a12c">https://m.edsoo.ru/7f41a12c</a>
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68	6		



## ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 7 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов
		Всего
1	Простейшие геометрические объекты	1
2	Многоугольник, ломаная	1
3	Смежные и вертикальные углы	1
4	Смежные и вертикальные углы	1
5	Смежные и вертикальные углы	1
6	Смежные и вертикальные углы	1
7	Смежные и вертикальные углы	1
8	Смежные и вертикальные углы	1
9	Измерение линейных и угловых величин, вычисление отрезков и углов	1
10	Измерение линейных и угловых величин, вычисление отрезков и углов	1
11	Измерение линейных и угловых величин, вычисление отрезков и углов	1
12	Измерение линейных и угловых величин, вычисление отрезков и углов	1
13	Периметр и площадь фигур, составленных из прямоугольников	1
14	Периметр и площадь фигур, составленных из прямоугольников	1
15	Понятие о равных треугольниках и первичные представления о равных фигурах	1
16	Три признака равенства треугольников	1
17	Три признака равенства треугольников	1

18	Три признака равенства треугольников	1
19	Три признака равенства треугольников	1
20	Три признака равенства треугольников	1
21	Три признака равенства треугольников	1
22	Признаки равенства прямоугольных треугольников	1
23	Признаки равенства прямоугольных треугольников	1
24	Свойство медианы прямоугольного треугольника, проведённой к гипотенузе	1
25	Свойство медианы прямоугольного треугольника, проведённой к гипотенузе	1
26	Равнобедренные и равносторонние треугольники	1
27	Признаки и свойства равнобедренного треугольника	1
28	Признаки и свойства равнобедренного треугольника	1
29	Признаки и свойства равнобедренного треугольника	1
30	Неравенства в геометрии	1
31	Неравенства в геометрии	1
32	Неравенства в геометрии	1
33	Неравенства в геометрии	1
34	Прямоугольный треугольник с углом в $30^\circ$	1
35	Прямоугольный треугольник с углом в $30^\circ$	1
36	Контрольная работа по теме "Треугольники"	1
37	Параллельные прямые, их свойства	1
38	Пятый постулат Евклида	1
39	Накрест лежащие, соответственные и односторонние углы, образованные при пересечении параллельных прямых секущей	1

40	Накрест лежащие, соответственные и односторонние углы, образованные при пересечении параллельных прямых секущей	1
41	Накрест лежащие, соответственные и односторонние углы, образованные при пересечении параллельных прямых секущей	1
42	Накрест лежащие, соответственные и односторонние углы, образованные при пересечении параллельных прямых секущей	1
43	Накрест лежащие, соответственные и односторонние углы, образованные при пересечении параллельных прямых секущей	1
44	Признак параллельности прямых через равенство расстояний от точек одной прямой до второй прямой	1
45	Признак параллельности прямых через равенство расстояний от точек одной прямой до второй прямой	1
46	Сумма углов треугольника	1
47	Сумма углов треугольника	1
48	Внешние углы треугольника	1
49	Внешние углы треугольника	1
50	Контрольная работа по теме "Параллельные прямые, сумма углов треугольника"	1
51	Окружность, хорды и диаметр, их свойства	1
52	Касательная к окружности	1
53	Окружность, вписанная в угол	1
54	Окружность, вписанная в угол	1
55	Понятие о ГМТ, применение в задачах	1

56	Понятие о ГМТ, применение в задачах	1
57	Биссектриса и серединный перпендикуляр как геометрические места точек	1
58	Окружность, описанная около треугольника	1
59	Окружность, описанная около треугольника	1
60	Окружность, вписанная в треугольник	1
61	Окружность, вписанная в треугольник	1
62	Простейшие задачи на построение	1
63	Простейшие задачи на построение	1
64	Контрольная работа по теме "Окружность и круг. Геометрические построения"	1
65	Повторение и обобщение знаний основных понятий и методов курса 7 класса	1
66	Итоговая контрольная работа	1
67	Повторение и обобщение знаний основных понятий и методов курса 7 класса	1
68	Повторение и обобщение знаний основных понятий и методов курса 7 класса	1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68

## 8 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов
		Всего
1	Параллелограмм, его признаки и свойства	1
2	Параллелограмм, его признаки и свойства	1
3	Параллелограмм, его признаки и свойства	1
4	Частные случаи параллелограммов (прямоугольник, ромб, квадрат), их признаки и свойства	1
5	Частные случаи параллелограммов (прямоугольник, ромб, квадрат), их признаки и свойства	1
6	Частные случаи параллелограммов (прямоугольник, ромб, квадрат), их признаки и свойства	1
7	Трапеция	1
8	Равнобокая и прямоугольная трапеции	1
9	Равнобокая и прямоугольная трапеции	1
10	Метод удвоения медианы	1
11	Центральная симметрия	1
12	Контрольная работа по теме "Четырёхугольники"	1
13	Теорема Фалеса и теорема о пропорциональных отрезках	1
14	Средняя линия треугольника	1
15	Средняя линия треугольника	1
16	Трапеция, её средняя линия	1

17	Трапеция, её средняя линия	1
18	Пропорциональные отрезки	1
19	Пропорциональные отрезки	1
20	Центр масс в треугольнике	1
21	Подобные треугольники	1
22	Три признака подобия треугольников	1
23	Три признака подобия треугольников	1
24	Три признака подобия треугольников	1
25	Три признака подобия треугольников	1
26	Применение подобия при решении практических задач	1
27	Контрольная работа по теме "Подобные треугольники"	1
28	Свойства площадей геометрических фигур	1
29	Формулы для площади треугольника, параллелограмма	1
30	Формулы для площади треугольника, параллелограмма	1
31	Формулы для площади треугольника, параллелограмма	1
32	Формулы для площади треугольника, параллелограмма	1
33	Формулы для площади треугольника, параллелограмма	1
34	Вычисление площадей сложных фигур	1
35	Площади фигур на клетчатой бумаге	1
36	Площади подобных фигур	1
37	Площади подобных фигур	1
38	Задачи с практическим содержанием	1

39	Задачи с практическим содержанием	1
40	Решение задач с помощью метода вспомогательной площади	1
41	Контрольная работа по теме "Площадь"	1
42	Теорема Пифагора и её применение	1
43	Теорема Пифагора и её применение	1
44	Теорема Пифагора и её применение	1
45	Теорема Пифагора и её применение	1
46	Теорема Пифагора и её применение	1
47	Определение тригонометрических функций острого угла прямоугольного треугольника, тригонометрические соотношения в прямоугольном треугольнике	1
48	Основное тригонометрическое тождество	1
49	Основное тригонометрическое тождество	1
50	Основное тригонометрическое тождество	1
51	Контрольная работа по теме "Теорема Пифагора и начала тригонометрии"	1
52	Вписанные и центральные углы, угол между касательной и хордой	1
53	Вписанные и центральные углы, угол между касательной и хордой	1
54	Вписанные и центральные углы, угол между касательной и хордой	1
55	Углы между хордами и секущими	1
56	Углы между хордами и секущими	1
57	Вписанные и описанные четырёхугольники, их признаки и свойства	1
58	Вписанные и описанные четырёхугольники, их признаки и свойства	1
59	Вписанные и описанные четырёхугольники, их признаки и свойства	1

60	Применение свойств вписанных и описанных четырёхугольников при решении геометрических задач	1
61	Применение свойств вписанных и описанных четырёхугольников при решении геометрических задач	1
62	Взаимное расположение двух окружностей, общие касательные	1
63	Касание окружностей	1
64	Контрольная работа по теме "Углы в окружности. Вписанные и описанные четырёхугольники"	1
65	Повторение основных понятий и методов курсов 7 и 8 классов, обобщение знаний	1
66	Повторение основных понятий и методов курсов 7 и 8 классов, обобщение знаний	1
67	Итоговая контрольная работа	1
68	Повторение основных понятий и методов курсов 7 и 8 классов, обобщение знаний	1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68



## 9 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов
		Всего
1	Определение тригонометрических функций углов от $0^\circ$ до $180^\circ$	1
2	Формулы приведения	1
3	Теорема косинусов	1
4	Теорема косинусов	1
5	Теорема косинусов	1
6	Теорема синусов	1
7	Теорема синусов	1
8	Теорема синусов	1
9	Нахождение длин сторон и величин углов треугольников	1
10	Решение треугольников	1
11	Решение треугольников	1
12	Решение треугольников	1
13	Решение треугольников	1
14	Практическое применение теорем синусов и косинусов	1
15	Практическое применение теорем синусов и косинусов	1
16	Контрольная работа по теме "Решение треугольников"	1
17	Понятие о преобразовании подобия	1
18	Соответственные элементы подобных фигур	1
19	Соответственные элементы подобных фигур	1

20	Теорема о произведении отрезков хорд, теорема о произведении отрезков секущих, теорема о квадрате касательной	1
21	Теорема о произведении отрезков хорд, теорема о произведении отрезков секущих, теорема о квадрате касательной	1
22	Теорема о произведении отрезков хорд, теорема о произведении отрезков секущих, теорема о квадрате касательной	1
23	Применение теорем в решении геометрических задач	1
24	Применение теорем в решении геометрических задач	1
25	Применение теорем в решении геометрических задач	1
26	Контрольная работа по теме "Преобразование подобия. Метрические соотношения в окружности"	1
27	Определение векторов. Физический и геометрический смысл векторов	1
28	Сложение и вычитание векторов, умножение вектора на число	1
29	Сложение и вычитание векторов, умножение вектора на число	1
30	Сложение и вычитание векторов, умножение вектора на число	1
31	Разложение вектора по двум неколлинеарным векторам	1
32	Координаты вектора	1
33	Скалярное произведение векторов, его применение для нахождения длин и углов	1
34	Скалярное произведение векторов, его применение для нахождения длин и углов	1
35	Решение задач с помощью векторов	1
36	Решение задач с помощью векторов	1

37	Применение векторов для решения задач физики	1
38	Контрольная работа по теме "Векторы"	1
39	Декартовы координаты точек на плоскости	1
40	Уравнение прямой	1
41	Уравнение прямой	1
42	Уравнение окружности	1
43	Координаты точек пересечения окружности и прямой	1
44	Метод координат при решении геометрических задач, практических задач	1
45	Метод координат при решении геометрических задач, практических задач	1
46	Метод координат при решении геометрических задач, практических задач	1
47	Контрольная работа по теме "Декартовы координаты на плоскости"	1
48	Правильные многоугольники, вычисление их элементов	1
49	Число $\pi$ . Длина окружности	1
50	Число $\pi$ . Длина окружности	1
51	Длина дуги окружности	1
52	Радианная мера угла	1
53	Площадь круга, сектора, сегмента	1
54	Площадь круга, сектора, сегмента	1
55	Площадь круга, сектора, сегмента	1
56	Понятие о движении плоскости	1
57	Параллельный перенос, поворот	1
58	Параллельный перенос, поворот	1

59	Параллельный перенос, поворот	1
60	Параллельный перенос, поворот	1
61	Применение движений при решении задач	1
62	Контрольная работа по темам "Правильные многоугольники. Окружность. Движения плоскости"	1
63	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Измерение геометрических величин. Треугольники	1
64	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Параллельные и перпендикулярные прямые	1
65	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Окружность и круг. Геометрические построения. Углы в окружности	1
66	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Вписанные и описанные окружности многоугольников	1
67	Итоговая контрольная работа	1
68	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		68

Контрольно – измерительные материалы. 8 кл

№ п\п	№ урока	Наименование КИМ
1	2	Входная диагностика.
2	12	Контрольная работа №1 по теме: «Четырёхугольники».
3	27	Контрольная работа № 2 по теме «Подобные треугольники».
4	41	Контрольная работа №3 по теме: «Площади».
5	51	Контрольная работа №4 по теме: "Теорема Пифагора и начала тригонометрии"
6	64	Контрольная работа № 5 по теме: "Углы в окружности. Вписанные и описанные четырехугольники"
7	67	Годовая контрольная работа №6 за курс геометрии 8 класса.

Входная диагностика. Урок №2

1 вариант	2 вариант.
<p>1). В равнобедренном треугольнике ABC с основанием AC угол B равен <math>42^\circ</math>. Найдите два других угла треугольника ABC.</p> <p>2). Величины смежных углов пропорциональны числам 5 и 7. Найдите разность между этими углами.</p> <p>3). В прямоугольном треугольнике ABC <math>\angle C = 90^\circ</math>, <math>\angle A = 30^\circ</math>, AC = 10 см, <math>CD \perp AB</math>, <math>DE \perp AC</math>. Найдите AE.</p> <p>4). В треугольнике MPK угол P составляет <math>60^\circ</math> угла K, а угол M на <math>4^\circ</math> больше угла P. Найдите угол P.</p>	<p>1). В равнобедренном треугольнике ABC с основанием AC сумма углов A и C равна <math>156^\circ</math>. Найдите углы треугольника ABC.</p> <p>2). Величины смежных углов пропорциональны числам 4 и 11. Найдите разность между этими углами.</p> <p>3). В прямоугольном треугольнике ABC <math>\angle C = 90^\circ</math>, <math>\angle B = 30^\circ</math>, BC = 18 см, <math>CK \perp AB</math>, <math>KM \perp BC</math>. Найдите MB.</p> <p>4). В треугольнике BDE угол B составляет <math>30^\circ</math> угла D, а угол E на <math>19^\circ</math> больше угла D. Найдите угол B.</p>

Контрольная работа №1. Урок №12

Тема: «Четырёхугольники»

Вариант – 1

1) Диагонали прямоугольника ABCD пересекаются в точке O. Найдите угол между диагоналями, если  $\angle ABO = 30^\circ$ .

2) В параллелограмме KMNP проведена биссектриса угла MKP, которая пересекает сторону MN в точке E.

а) Докажите, что треугольник KME равнобедренный.

б) Найдите сторону KP, если  $ME = 10$  см, а периметр параллелограмма равен 52 см.

Вариант – 2

1) Диагонали ромба KMNP пересекаются в точке O. Найдите углы треугольника KOM, если  $\angle MNP = 80^\circ$

2) На стороне BC параллелограмма ABCD взята точка M так, что  $AB = BM$ .

а) Докажите, что AM – биссектриса угла BAD.

б) Найдите периметр параллелограмма, если  $CD = 8$  см,  $CM = 4$  см.

Контрольная работа №3. Урок №41

Тема: «Площадь»

Вариант – 1

1) Смежные стороны параллелограмма равны 32 см и 26 см, а один из его углов равен  $150^\circ$ . Найдите площадь параллелограмма.

2) Сторона треугольника равна 5 см, а высота, проведённая к ней, в два раза больше стороны. Найдите площадь треугольника.

3) Катеты прямоугольного треугольника равны 6 и 8 см. Найдите гипотенузу и площадь треугольника.

4) Найдите площадь и периметр ромба, если его диагонали равны 8 и 10 см.

5) Площадь прямоугольной трапеции равна  $120 \text{ см}^2$ , а её высота равна 8 см. Найдите все стороны трапеции, если одно из оснований больше другого на 6 см.

Вариант – 2

1) Одна из диагоналей параллелограмма является его высотой и равна 9 см. Найдите стороны параллелограмма, если его площадь равна  $108 \text{ см}^2$ .

2) Сторона треугольника равна 12 см, а высота, проведённая к ней, в три раза меньше. Найдите площадь треугольника.

3) Один из катетов прямоугольного треугольника равен 12 см, а гипотенуза 13 см. Найдите второй катет и площадь прямоугольного треугольника.

4) Диагонали ромба равны 10 и 12 см. Найдите его площадь и периметр.

5) Найдите площадь трапеции ABCD с основаниями AD и BC, если  $AB = 12$  см,  $BC = 14$  см,  $AD = 30$  см, угол B равен  $150^\circ$ .

Контрольная работа №2. Урок №27

Тема: «Подобные треугольники»

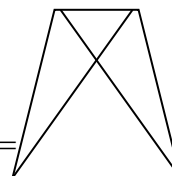
Вариант – 1

1) На рисунке  $AB \parallel CD$ .

В

а) Докажите, что  $AO : OC = BO : OD$ .

б) Найдите AB, если  $OD = 15$  см,  $OB = 9$  см,  $CD =$



А

Д

С

2) Найдите отношение площадей треугольников ABC и KMN, если  $AB = 8$  см,  $BC = 12$  см,  $AC = 16$  см,  $MN = 15$  см,  $NK = 20$  см.

В

Вариант – 2

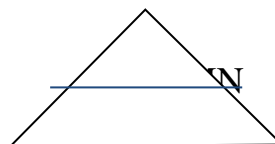
1) На рисунке  $MN \parallel AC$ .

а) Докажите, что  $AB \cdot BN = CB \cdot BM$ .

б) Найдите MN, если  $AM = 6$  см,  $BM = 8$  см,  $AC = 21$  см

2) Даны стороны треугольника PQR и ABC:  $PQ = 16$  см,  $QR = 20$  см,  $PR = 28$  см и  $AB = 12$  см,  $BC = 15$  см,  $AC = 21$  см.

Найдите отношение площадей этих треугольников.



Контрольная работа №4. Урок №51

Тема: «Теорема Пифагора и начала тригонометрии»

Вариант – 1

1) В прямоугольном треугольнике ABC угол  $A = 90^\circ$ ,  $AB = 20$  см, высота AD равна 12 см. Найдите AC и  $\cos C$ .

2) Диагональ BD параллелограмма ABCD перпендикулярна к стороне AD. Найдите площадь параллелограмма ABCD, если  $AB = 12$  см, угол  $A = 41^\circ$ .

Вариант – 2

1) Высота BD прямоугольного треугольника ABC равна 24 см и отсекает от гипотенузы AC отрезок DC, равный 18 см. Найдите AB и  $\cos A$ .

2) Диагональ AC прямоугольника ABCD равна 3 см и составляет со стороной AD угол в  $37^\circ$ . Найдите площадь прямоугольника ABCD.

Контрольная работа №5. Урок №64

Тема: «Углы в окружности. Вписанные и описанные четырехугольники»

Вариант – 1

1) Через точку А окружности проведены диаметр АС и две хорды АВ и АД, равные радиусу этой окружности. Найдите углы четырёхугольника АВСД и градусные меры дуг АВ, ВС, СД, АД.

2) Основание равнобедренного треугольника равно 18 см, а боковая сторона равна 15 см. Найдите радиусы вписанной в треугольник и описанной около треугольника окружностей.

Вариант – 2

1) Отрезок ВД – диаметр окружности с центром О. Хорда АС делит пополам радиус ОВ и перпендикулярна к нему. Найдите углы четырёхугольника АВСД и градусные меры дуг АВ, ВС, СД, АД.

2) Высота, проведённая к основанию равнобедренного треугольника, равна 9 см, а само основание равно 24 см. Найдите радиусы вписанной в треугольник и описанной около треугольника окружностей.

Итоговая контрольная работа за курс геометрии 8 класса. Урок №67

1 вариант

1. Найдите площадь равнобедренного треугольника со сторонами 10см, 10см и 12 см.

2. В параллелограмме две стороны 12 и 16 см, а один из углов  $150^\circ$ . Найдите площадь параллелограмма.

3. В равнобедренной трапеции боковая сторона равна 13 см, основания 10 см и 20 см. Найдите площадь трапеции.

4. В треугольнике АВС прямая МN, параллельная стороне АС, делит сторону ВС на отрезки  $BN=15$  см и  $NC=5$  см, а сторону АВ на ВМ и АМ. Найдите длину отрезка МN, если  $AC=15$  см.

5. В прямоугольном треугольнике АВС  $\angle C=90^\circ$ ,  $AC=8$  см,  $\angle A=45^\circ$ . Найдите:

а) АС; б) высоту CD, проведенную к гипотенузе.

6. Дан прямоугольный треугольник АВС, у которого  $\angle C=90^\circ$ ,  $\angle A=60^\circ$ , катет ВС=6 см и  $\angle C=90^\circ$ . Найдите:

а) остальные стороны  $\triangle ABC$

б) площадь  $\triangle ABC$



в) длину высоты, опущенной из вершины С.

## 2 вариант

1. В равнобедренном треугольнике боковая сторона равна 13 см, а высота, проведенная к основанию, 5 см. Найдите площадь этого треугольника.

2. В параллелограмме ABCD  $AB=8$  см,  $AD=10$  см,  $\angle A=30^\circ$ . Найдите площадь параллелограмма.

3. В прямоугольной трапеции ABCD боковая сторона равна  $AB=10$  см, большее основание  $AD=18$  см,  $\angle A=45^\circ$ . Найдите площадь трапеции.

4. В треугольнике ABC со сторонами  $AC=12$  см и  $AB=18$  см проведена прямая MN, параллельная AC,  $MN=9$  см. Найдите BM.

5. В прямоугольном треугольнике ABC  $\angle C=90^\circ$ ,  $AC=8$  см,  $\angle A=45^\circ$ . Найдите:

а) AB; б) высоту CD, проведенную к гипотенузе.

6. Дан прямоугольный треугольник ADC, у которого  $\angle D=90^\circ$ , катет  $AD=3$  см и  $\angle DAC=30^\circ$ . Найдите:

а) остальные стороны  $\triangle ADC$

б) площадь  $\triangle ADC$

в) длину высоты, проведенной к гипотенузе.

## **УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА**

### **ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

Мерзляк А.Г., Полонский В.Б., Якир М.С.; под редакцией Подольского В.Е., Геометрия 8 класс, Общество с ограниченной ответственностью "Издательский центр ВЕНТАНА-ГРАФ"; Акционерное общество "Издательство Просвещение";

Введите свой вариант:

### **МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

Геометрия: 8 класс: учебник для учащихся общеобразовательных учреждений/ А.Г. Мерзляк, В.Б.Полонский, М.С. Якир. — М. : Вентана-Граф

Геометрия: 8 класс: дидактические материалы: сборник задач и контрольных работ / А.Г. Мерзляк, В.Б. Полонский, М.С. Якир. — М. : Вентана-Граф

Геометрия: 8 класс: рабочие тетради №1,2/ А.Г. Мерзляк, В.Б. Полонский, М.С. Якир. — М. : Вентана-Граф

Геометрия: 8 класс: методическое пособие/Е.В. Буцко, А.Г. Мерзляк, В.Б. Полонский, М.С. Якир. —М. : Вентана-Граф

### **ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ**

<https://uchi.ru/><https://education.yandex.ru/> <https://edu.1sept.ru/>

<https://edu.skysmart.ru/> <https://resh.edu.ru/> <https://math-oge.sdangia.ru/>

<https://edu.orb.>

Контрольно-измерительные материалы 9 кл

№ п\п	№ урока	Наименование КИМ
1	4	Входная диагностика
2	16	Метод координат
3	30	Скалярное произведение векторов
4	40	Длина окружности и площадь круга
5	50	Движения
6	60	Начальные сведения из стереометрии
7	65	Аттестационная работа за курс геометрии 9 класса.

Приложения к КИМ по геометрии-9

Входная диагностика.

В1

1. Диагонали прямоугольника ABCD пересекаются в точке O, угол ABO  $36^\circ$ . Найдите угол AOD.
2. Катеты прямоугольного треугольника равны 6 и 8 см.. Найдите гипотенузу и площадь треугольника.
3. AB – диаметр окружности, точка K лежит на окружности так, что угол  $ABK = 50^\circ$ . Найдите угол BAK.
4. ABCD – трапеция. Используя данные на рисунке, найдите длину отрезка MK.

В2.

1. Диагонали прямоугольника ABCD пересекаются в точке M, угол MAD  $40^\circ$ . Найдите угол BDC.
2. В прямоугольном треугольнике ABC (угол C =  $90^\circ$ ) AC = 5 см., BC = 5х3 см. Найдите угол B и гипотенузу AB.
3. Окружность с центром O описана около треугольника ABC. Центр O находится внутри треугольника, причём угол OAC =  $50^\circ$ . Найдите угол ABC.
4. Найдите углы прямоугольной трапеции, если один из её углов равен  $20^\circ$ .

Контрольная работа №3 "Векторы"( «Метод координат »)

Вариант 1.

1. Найдите координаты и длину вектора  $\vec{a}$ , если  $\vec{a} = -\vec{b} + \frac{1}{2}\vec{c}$ ,  $\vec{b} \{3; -2\}$ ,  $\vec{c} \{-6; 2\}$ .

2. Даны координаты вершин треугольника  $ABC$ :  $A(-6; 1)$ ,  $B(2; 4)$ ,  $C(2; -2)$ . Докажите, что треугольник  $ABC$  равнобедренный, и найдите высоту треугольника, проведённую из вершины  $A$ .

3. Окружность задана уравнением  $(x - 1)^2 + y^2 = 9$ . Напишите уравнение прямой, проходящей через её центр и параллельной оси ординат.

Вариант 2.

1. Найдите координаты и длину вектора  $\vec{a}$ , если  $\vec{a} = \frac{1}{3}\vec{b} - \vec{c}$ ,  $\vec{b} \{3; -9\}$ ,  $\vec{c} \{-6; 2\}$ .

2. Даны координаты вершин параллелограмма  $ABCD$ :  $A(-6; 1)$ ,  $B(0; 5)$ ,  $C(6; -4)$ ,  $D(0; -8)$ . Докажите, что  $ABCD$  — прямоугольник, и найдите координаты точки пересечения его диагоналей  $O$ .

3. Окружность задана уравнением  $(x + 1)^2 + (y - 2)^2 = 16$ . Напишите уравнение прямой, проходящей через её центр и параллельной оси абсцисс.

Контрольная работа № 1

"Решение треугольников" («Соотношения между сторонами и углами треугольника»)

Вариант 1.

1. Найдите угол между лучом  $OA$  и положительной полуосью  $Ox$ , если  $A(-1; 1)$ .

2. Найдите стороны и углы треугольника  $ABC$ , если  $\angle B = 30^\circ$ ,  $\angle C = 105^\circ$ ,  $BC = 3\sqrt{2}$  см.

3. Найдите косинус угла  $M$  треугольника  $KCM$ , если  $K(1; 7)$ ,  $C(-2; 4)$ ,  $M(2; 0)$ .

Вариант 2.

1. Найдите угол между лучом  $OA$  и положительной полуосью  $Ox$ , если  $A(3; 3)$ .

2. Найдите стороны и углы треугольника  $ABC$ , если  $\angle B = 45^\circ$ ,  $\angle C = 60^\circ$ ,  $BC = \sqrt{3}$  см.

3. Найдите косинус угла  $C$  треугольника  $KCM$ , если  $K(3; 9)$ ,  $C(0; 6)$ ,  $M(4; 2)$ .

Вариант 2.

1. Периметр правильного шестиугольника, вписанного в окружность, равен 48 м. Найдите сторону квадрата, вписанного в ту же окружность.

2. Найдите длину окружности, если площадь вписанного в окружность правильного шестиугольника равна  $72\sqrt{3}$  см<sup>2</sup>.

3. Радиус круга равен 12 дм, а градусная мера дуги равна  $120^\circ$ . Найдите площадь ограниченного этой дугой сектора.

Контрольная работа № 2 "Преобразование подобия. Метрические соотношения в окружности" («Движения »)

Вариант 1.

1. Дана трапеция  $ABCD$ . Постройте фигуру, на которую отображается эта трапеция при симметрии относительно прямой, содержащей боковую сторону  $AB$ .

2. Дан прямоугольник  $ABCD$ , где  $O$  — точка пересечения его диагоналей. Точка  $M$  симметрична точке  $O$  относительно стороны  $BC$ . Докажите, что четырёхугольник  $MODC$  — параллелограмм. Найдите его периметр, если стороны прямоугольника равны 6 см и 8 см.

3. Докажите, что равносторонний треугольник  $ABC$  отображается на себя при повороте вокруг точки  $O$  на  $120^\circ$  по часовой стрелке, где  $O$  — точка пересечения его медиан.

Вариант 2.

1. Дана трапеция  $ABCD$ . Постройте фигуру, на которую отображается эта трапеция при симметрии относительно прямой, содержащей её основание  $AD$ .

2. Дан прямоугольник  $MNKP$ , где  $O$  — точка пересечения его диагоналей. Точка  $D$  симметрична точке  $O$  относительно стороны  $MP$ . Докажите, что четырёхугольник  $MOPD$  — ромб. Найдите его периметр, если стороны прямоугольника равны 7 см и 24 см.

3. Докажите, что квадрат  $ABCD$  отображается на себя при повороте вокруг точки  $O$  на  $90^\circ$  против часовой стрелки, где  $O$  — точка пересечения его диагоналей.

Контрольная работа №4 по теме "Декартовы координаты на плоскости"

Контрольная работа №5 по темам "Правильные многоугольники. Окружность. Движения плоскости"

Вариант 1. Вариант 2

1. Периметр правильного треугольника, вписанного в окружность, равен 45 см. Найдите сторону правильного четырёхугольника, вписанного в ту же окружность.

2. Найдите площадь круга, если площадь вписанного в окружность квадрата равна  $72 \text{ дм}^2$ .

3. Радиус окружности равен 8 см, а градусная мера дуги равна  $150^\circ$ . Найдите длину этой дуги.

1. Периметр правильного шестиугольника, вписанного в окружность, равен 48 м. Найдите сторону квадрата, вписанного в ту же окружность.

2. Найдите длину окружности, если площадь вписанного в окружность правильного шестиугольника равна  $72\sqrt{3} \text{ см}^2$ .

3. Радиус круга равен 12 дм, а градусная мера дуги равна  $120^\circ$ . Найдите площадь ограниченного этой дугой сектора.



Итоговая контрольная работа Вариант 1.

1. В треугольнике  $ABC$  точка  $D$  — середина стороны  $AB$ , точка  $M$  — точка пересечения медиан.

а) Выразите вектор  $\vec{MD}$  через векторы  $\vec{MA}$  и  $\vec{MB}$  и вектор  $\vec{AM}$  через векторы  $\vec{AB}$  и  $\vec{AC}$ .

б) Найдите скалярное произведение  $\vec{AB} \cdot \vec{AC}$ , если  $AB = AC = 2$ ,  $\angle B = 75^\circ$ .

2. Даны точки  $A(1; 1)$ ,  $B(4; 5)$ ,  $C(-3; 4)$ .

а) Докажите, что треугольник  $ABC$  равнобедренный и прямоугольный.

б) Найдите длину медианы  $CM$ .

3. В треугольнике  $ABC$   $\angle A = \alpha > 90^\circ$ ,  $\angle B = \beta$ , высота  $BD$  равна  $h$ .

а) Найдите сторону  $AC$  и радиус  $R$  описанной окружности.

б) Вычислите значение  $R$ , если  $\alpha = 120^\circ$ ,  $\beta = 15^\circ$ ,  $h = 6$  см.

4. Хорда окружности равна  $a$  и стягивает дугу в  $120^\circ$ . Найдите: а) длину дуги; б) площадь сектора, ограниченного этой дугой и двумя радиусами.

Вариант 2.

1. В параллелограмме  $ABCD$  диагонали пересекаются в точке  $O$ .

а) Выразите вектор  $\vec{OC}$  через векторы  $\vec{AB}$  и  $\vec{BC}$  и вектор  $\vec{OD}$  через векторы  $\vec{AB}$  и  $\vec{AD}$ .

б) Найдите скалярное произведение  $\vec{AB} \cdot \vec{BC}$ , если  $AB = 2BC = 6$ ,  $\angle A = 60^\circ$ .

2. Даны точки  $K(0; 1)$ ,  $M(-3; -3)$ ,  $N(1; -6)$ .

а) Докажите, что треугольник  $KMN$  равнобедренный и прямоугольный.

б) Найдите длину медианы  $NL$ .

3. В треугольнике  $ABC$   $\angle A = \alpha > 90^\circ$ ,  $\angle B = \beta$ , высота  $CD$  равна  $h$ .

а) Найдите сторону  $AB$  и радиус  $R$  описанной окружности.

б) Вычислите значение  $R$ , если  $\alpha = 135^\circ$ ,  $h = 3$  см,  $\beta = 30^\circ$ .

4. Хорда окружности равна  $a$  и стягивает дугу в  $60^\circ$ . Найдите: а) длину дуги; б) площадь сектора, ограниченного этой дугой и двумя радиусами.

## УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА

---

### ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА

Выберите учебные материалы

Введите свой вариант:

### МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

Введите данные

### ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ

Российская электронная школа. <https://resh.edu.ru/>

«Учи.ру» — <https://uchi.ru/>

«Яндекс. Учебник» <https://education.yandex.ru/home/>

«ЯКласс» . <https://www.yaklass.ru/>

Фоксфорд <https://foxford.ru/about>

«Сириус. Онлайн» . <https://edu.sirius.online>

«Маркетплейс образовательных услуг»

«Яндекс», «1С», «Учи.ру», «Скайенг», «Кодвардс»,

издательство «Просвещение» и другие. <https://elducation.ru/>

«ИнтернетУрок» — . <https://interneturok.ru/>

Образовательная платформа «Лекта» . <https://lecta.rosuchebnik.ru/>

<https://edu.skysmart.ru/>

Г – 9 Контрольная работа «Начальные сведения стереометрии» (10 вариантов)

Сколько рёбер имеет  $n$ -угольная пирамида?

В-1	$n=3$
В-3	$n=4$
В-5	$n=5$
В-7	$n=6$
В-9	$n=7$

Сколько граней имеет  $n$ -угольная призма?

В-1	$n=7$
В-3	$n=6$
В-5	$n=3$
В-7	$n=4$
В-9	$n=5$

В конусе угол между образующей и высотой равен  $\alpha$ . Найти радиус основания, если образующая равна  $v$ .

В-1	$\alpha = 30^\circ$	$v=7$
В-3	$\alpha = 45^\circ$	$v=9$
В-5	$\alpha = 60^\circ$	$v=10$
В-7	$\alpha = 30^\circ$	$v=12$
В-9	$\alpha = 45^\circ$	$v=15$

Найти высоту правильной четырёхугольной пирамиды, если сторона основания равна  $a$ , а боковое ребро равно  $v$ .

В-1	$v = 26$
В-3	$v = 39$
В-5	$v = 15$
В-7	$v = 10$
В-9	$v = 5$

Найти длину диагонали правильной четырёхугольной призмы, если сторона основания равна  $a$ , а боковое ребро равно  $b$ .

В-1	$b = 6$
В-3	$b = 9$
В-5	$b = 16$
В-7	$b = 12$
В-9	$b = 24$

Г-9 Контрольная работа «Начальные сведения стереометрии»

Сколько рёбер имеет  $n$ -угольная призма?

В-2	$n=3$
В-4	$n=4$
В-6	$n=5$
В-8	$n=6$
В-10	$n=7$

Сколько граней имеет  $n$ -угольная пирамида?

В-2	$n=7$
В-4	$n=6$
В-6	$n=3$
В-8	$n=4$
В-10	$n=5$

В конусе угол между образующей и высотой равен  $\alpha$ . Найти высоту конуса, если радиус основания равен  $b$ .

В-2	$\alpha = 30^\circ$	$b=7$
В-4	$\alpha = 45^\circ$	$b=9$
В-6	$\alpha = 60^\circ$	$b=10$
В-8	$\alpha = 30^\circ$	$b=12$
В-10	$\alpha = 45^\circ$	$b=15$

Найти длину диагонали правильной четырёхугольной призмы, если сторона основания равна  $a$ , а боковое ребро равно  $b$ .

В-2  $b = 24$

В-4  $b = 12$

В-6  $b = 9$

В-8  $b = 16$

В-10  $b = 6$

Найти высоту правильной четырёхугольной пирамиды, если сторона основания равна  $a$ , а боковое ребро равно  $b$ .

В-2  $b = 5$

В-4  $b = 15$

В-6  $b = 10$

В-8  $b = 39$

В-10  $b = 26$

Адрес публикации: <https://www.prodlenka.org/metodicheskie-razrabotki/385122-kontrolnaja-rabota-po-geometrii-dlja-obuchaju>

Источники:

1. Программы общеобразовательных учреждений. Геометрия 7 – 9 классы. Составитель Т. А. Бурмистрова. Москва. «Просвещение»
1. Геометрия. Самостоятельные и контрольные работы. 7 – 9 классы: пособие для учителей общеобразовательных учреждений / М. А. Иченская. – М. : Просвещение, 2012 г.

## Приложение.

ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ

**МУНИЦИПАЛЬНОЕ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ СРЕДНЯЯ  
ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ ШКОЛА Д. НИЖНИЕ ЮРИ  
МАЛОПУРГИНСКОГО РАЙОНА УДМУРТСКОЙ РЕСПУБЛИКИ**, Егорова Ольга  
Ивановна, Директор

**26.01.24** 09:47  
(MSK)

Сертификат 20E5DBBAC8456A3FD16B80A57E8C2241